# Capítulo

4

## Leis de Newton

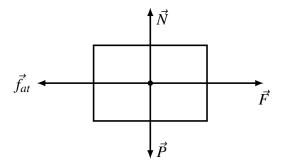
Paula Ferreira: psfer@pos.if.ufrj.br

## 4.1. Forças de atrito

Força de contato tangencial à superfície de contato.

#### 4.1.1. Modelo de atrito de Coulomb

Força de oposição ao movimento relativo às forças de duas superfícies em contato. A palavra seco caracteriza as propriedades da superfície (aspereza).



Considere uma força  $\vec{F}$  atuando sobre um bloco numa superfície com atrito.  $|\vec{F}|$  aumentando a partir do zero, não faz bloco se mover a menos que F atinja um valor crítico  $(f_e)$ .

$$\vec{f}_{at} = -\vec{F} \text{ para } |\vec{F}| < f_e \tag{1}$$

 $\vec{f}_{at}$  se ajusta instantaneamente para equilibrar  $\vec{F}$ .

#### 4.1.2. Leis do atrito

• A força de atrito máxima  $f_e$  é:

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>crítico: no limite entre ficar parado e se movimentar.

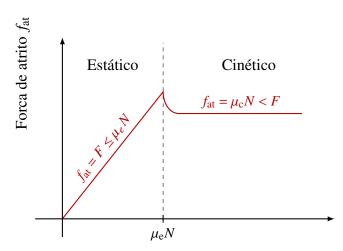
$$|\vec{f}_{at}|_{max} = f_e \le \mu_e |\vec{N}| \tag{2}$$

- $\mu_e$  se chama coeficiente de atrito estático.
- $f_e$  não depende da área de contato.

Quando  $F > f_e$ , a força de atrito diminui. Temos então, a força de atrito cinética  $(\vec{f_c})^2$ :

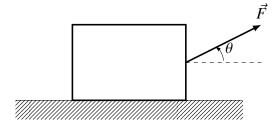
$$f_c = \mu_c \, N < F \tag{3}$$

$$\mu_c < \mu_e \tag{4}$$



Força aplicada F

#### 4.1.3. Exemplo Moysés 5.3



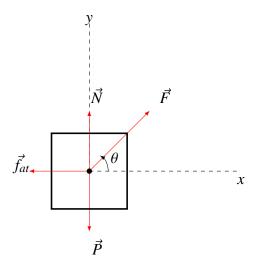
Se  $\mu_e$  é o coeficiente de atrito estático e P o peso do bloco, para que valor de F ele começará a escorregar?

- Considerando que um bloco está num referencial inercial.
- 1ª Lei de Newton é aplicável.

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>Veja a figura 5.19 do Young & Freedman!

### • Conheço: $P, \mu_e \in \theta$ .

## Diagrama de forças:



$$\sum_{i} \vec{F}_{i} = 0$$
 
$$\vec{N} + \vec{F} + \vec{f}_{at} + \vec{P} = 0$$
 
$$N\hat{\mathbf{j}} + F(\cos\theta\hat{\mathbf{i}} + \sin\theta\hat{\mathbf{j}}) + \vec{f}_{at} - P\hat{\mathbf{j}} = 0$$

Eixo x:

$$F\cos\theta - f_{at} = 0\tag{5}$$

$$F\cos\theta - \mu_e N = 0 \tag{6}$$

Eixo y:

$$F\sin\theta - P + N = 0\tag{7}$$

$$N = P - F\sin\theta \tag{8}$$

 $(8) \to (6)$ :

$$F\cos\theta - \mu_e(P - F\sin\theta) = 0$$

$$F\cos\theta + F\mu_e\sin\theta = \mu_e P$$

$$F(\cos\theta + \mu_e\sin\theta) = \mu_e P$$

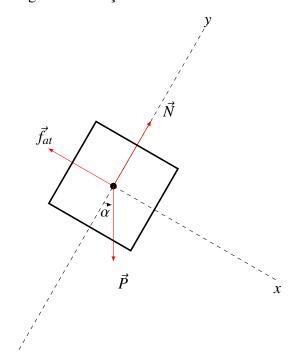
$$\therefore F = \frac{\mu_e P}{\cos\theta + \mu_e\sin\theta}$$

#### 4.1.3.1. Exemplo 5.17 Young & Freedman

Pessoas de massa m descendo aceleradas de um tobogã com coeficiente de atrito cinético  $\mu_c$ .

- Considerando que as pessoas estão num referencial inercial.
- 2ª Lei de Newton é aplicável.
- Conheço:  $\vec{g}$ , m,  $\mu_c$  e  $\alpha$ .

Diagrama de forças:



$$\sum_{i} \vec{F}_{i} = m\vec{a}$$

$$\vec{f}_{c} + \vec{N} + \vec{P} = m\vec{a}$$

$$(9)$$

$$\vec{f_c} + \vec{N} + \vec{P} = m\vec{a} \tag{10}$$

$$-f_c\hat{\mathbf{i}} + N\hat{\mathbf{j}} + mg(\sin\alpha\hat{\mathbf{i}} - \cos\alpha\hat{\mathbf{j}}) = ma\hat{\mathbf{i}}$$
(11)

Eixo x:

$$mg\sin\alpha - f_c = ma \tag{12}$$

$$mg\sin\alpha - \mu_c N = ma \tag{13}$$

Eixo y:

$$N - mg\cos\alpha = 0 \tag{14}$$

$$N = mg\cos\alpha \tag{15}$$

 $(15) \rightarrow (13)$ 

$$a = g(\sin\alpha - \mu_c \cos\alpha) \tag{16}$$

$$\vec{a} = g(\sin\alpha - \mu_c \cos\alpha)\hat{\mathbf{i}}$$
 (17)

 $\alpha = 90^{\circ}, a = g$ 

Quanto é  $\mu_c$  se as pessoas descem com velocidade constante?

$$a = 0 \tag{18}$$

$$\sin \alpha = \mu_c \cos \alpha \tag{19}$$

$$\therefore \mu_c = \tan \alpha \tag{20}$$

#### Referências

- [1] Herch Moysés Nussenzveig. *Curso de fisica básica: Mecânica (vol. 1).* Vol. 394. Editora Blucher, 2013.
- [2] Hugh D Young, A Lewis Ford e Roger A Freedman. Fisica I Mecânica. 2008.